CURSO : ÁLGEBRA SIGLA : MAT1012

CRÉDITOS : 10 MÓDULOS : 03

REQUISITOS : ADMISION CARÁCTER : MÍNIMO

#### I. DESCRIPCIÓN

Proporcionar a los alumnos los conocimientos básicos del álgebra superior, en particular aquellos que son requisito para un curso de cálculo y sus aplicaciones. Conocer los elementos del álgebra lineal necesarios para aplicaciones y la estadística.

#### II. OBJETIVOS

- 1. Proporcionar al alumno los conocimientos básicos de lógica que facilite la comprensión de las argumentaciones matemáticas.
- 2. Conocer algunos conceptos de álgebra intermedia como inducción, combinatoria, teorema del binomio, sumatorias, progresiones y polinomios.
- 3. Conocer los elementos del álgebra lineal, álgebra de matrices, determinantes y sistemas lineales necesarios para cursos de estadística y otras aplicaciones de la matemática.

### III. CONTENIDOS

- 1. Pensamiento lógico-matemático.
  - 1.1. Lógica proposicional.
  - 1.2. Predicados y cuantificadores.
  - 1.3. Estructura y tipos de demostraciones.
- 2. Inducción y aplicaciones.
  - 2.1. Primer principio de inducción. Demostraciones y definiciones
  - 2.2. Segundo principio de inducción. Demostraciones
  - 2.3. Sumatorias: definición y propiedades
  - 2.4. Progresiones.
  - 2.5. Combinatoria enumerativa básica: permutaciones, combinaciones.
  - 2.6. El teorema del binomio.
  - 2.7. Más combinatoria: combinaciones y permutaciones con repetición. Coeficientes multinomiales.

## 3. Polinomios.

- Operaciones con polinomios. División de polinomios: cuociente y resto. Raíces y el teorema del resto.
- 3.2. Números complejos.
- 3.3. El teorema fundamental del álgebra. Raíces complejas conjugadas.

#### 4. Algebra de matrices.

- 4.1. Sistemas de ecuaciones lineales. Matrices. Representación de sistemas de ecuaciones en forma matricial.
- Operaciones elementales. Matriz escalonada reducida por filas. Eliminación de Gauss-Jordan. Sistemas homogéneos.
- 4.3. Operaciones con matrices. Tipos de matrices: matrices simétricas, triangulares, diagonales. La matriz identidad.
- 4.4. Matriz inversa. Eliminación de Gauss-Jordan para encontrar la inversa de una matriz.
- 4.5. Operaciones elementales. Matrices elementales. Combinaciones lineales, dependencia e independencia lineal de filas de una matriz. Relación con sistemas de ecuaciones.

1

- 4.6. Rango de una matriz. Número de soluciones de un sistema de ecuaciones, dependiendo de los rangos de la matriz y la matriz aumentada.
- 4.7. Determinantes: definiciones y propiedades básicas. Evaluación numérica de los determinantes.
- 4.8. Determinantes, matrices inversas y sistemas de ecuaciones.
- 4.9. Aplicaciones de matrices a Economía y Ciencias Sociales.

# IV. METODOLOGÍA

- Clases expositivas.
- Ayudantías.

## V. EVALUACIÓN

- Controles.
- Interrogaciones.
- Examen

# VI. BIBLIOGRAFÍA

Apuntes de Algebra. Profesores Facultad de Matemáticas, P.

Universidad Católica de Chile.

Wlliams, G. Álgebra lineal con aplicaciones. Mc Graw Hill, 2002.

Ohsenius, H. y Dattwyler, V. Matemática finita para ciencias sociales. Apuntes P. Universidad

Católica de Chile.